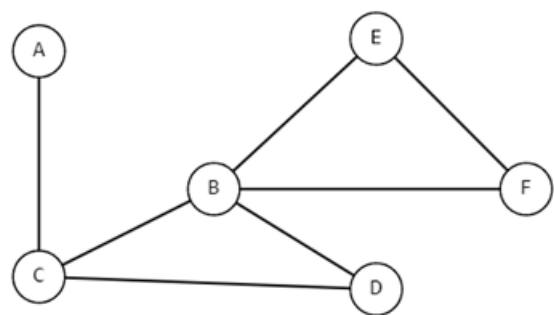


Вариант 354

ID: 13

1.

На рисунке изображена схема дорог N-ского района. В таблице звёздочкой обозначено наличие дороги из одного населённого пункта в другой. Отсутствие звёздочки означает, что такой дороги нет.



		Номер пункта					
		1	2	3	4	5	6
Номер пункта	1		*		*		
	2	*			*		
	3				*		*
	4	*	*	*			*
	5						*
	6			*	*	*	

Каждому населённому пункту на схеме соответствует номер в таблице, но неизвестно, какой именно номер.

Определите, какие номера в таблице могут соответствовать населённым пунктам E и F на схеме. В ответе запишите эти два номера в возрастающем порядке без пробелов и знаков препинания.

2.

Петя заполнял таблицу истинности логической функции $(F=((a \rightarrow b) \equiv c) \vee d)$, но успел заполнить лишь фрагмент из трёх различных её строк, не указав, какому столбцу таблицы соответствует каждая из переменных a, b, c, d .

?	?	?	?	F
1	0	1		0
1	0		1	0
		1	0	0

Определите, какому столбцу таблицы соответствует каждая из переменных a, b, c, d .
В ответе напишите буквы a, b, c, d в том порядке, в котором идут соответствующие им столбцы (сначала буква, соответствующая первому столбцу; затем буква, соответствующая второму столбцу, и т.д.). Буквы в ответе пишите подряд, никаких разделителей между буквами ставить не нужно.

3.

Используя информацию из приведённой базы данных, определите суммарную стоимость (в руб.) масла оливкового Extra Virgin первого отжима (всех вариантов упаковки), поступившего в магазины на Верхней улице за период с 3 по 15 октября включительно. В ответе запишите только число.

[3.ods](#)

4.

По каналу связи передаются сообщения из букв П, А, Р, Л, Е, Ь. Для передачи используется двоичный код, который удовлетворяет условию Фано. Кодовое слово известно только для одной буквы: Л — 0. Какое минимально возможное количество двоичных знаков требуется, чтобы закодировать слово ПАРАЛЛЕЛЬ?

Примечание. Условие Фано означает, что никакое кодовое слово не является началом другого кодового слова. Это даёт возможность однозначно расшифровать закодированное сообщение.

5.

На вход алгоритма подаётся нечётное натуральное число N . Алгоритм строит по нему новое число R следующим образом. 1. Строится четверичная запись числа N . 2. Далее эта запись обрабатывается по следующему правилу: а) если число N делится на 3, то первая и последняя цифры меняются местами, а затем в конец дописывается единица;

б) если число N на 3 не делится, то остаток от деления на 3 дописывается в конец числа.

Полученная таким образом запись является четверичной записью искомого числа R . 3. Результат переводится в десятичную систему и выводится на экран.

Например, для исходного числа $11 = 23_4$ результатом является число $232_4 = 46$, а для исходного числа $13 = 31_4$ это число $311_4 = 53$.

Укажите **максимальное** число R , не превышающее 340, которое может быть получено с помощью описанного алгоритма.

В ответе запишите это число в десятичной системе счисления.

6.

Исполнитель Черепаха действует на плоскости с декартовой системой координат. При запуске программы Черепаха находится в начале координат, её голова направлена вдоль положительного направления оси ординат, хвост опущен. При опущенном хвосте Черепаха оставляет на поле след в виде линии. В каждый конкретный момент известно положение исполнителя и направление его движения.

У исполнителя есть 2 команды:

Вперёд n (где n — целое число) — передвижение Черепахи на n единиц в том направлении, куда указывает её голова

Направо m (где m — целое число) — изменение направления движения на m градусов по часовой стрелке

Запись **Повтори** k [Команда 1 Команда 2... Команда S] означает, что последовательность из S команд повторится k раз (где k — целое число).

Черепахе был дан для исполнения такой алгоритм:

Направо 315 Повтори 7 [Вперёд 72 Направо 45 Вперёд 43 Направо 135]

Определите, сколько точек с целочисленными координатами будут находиться внутри области, которая ограничена линией, заданной алгоритмом. Точки на линии учитывать не следует.

7.

Автоматическая камера производит растровые изображения размером 320×480 пикселей. Для кодирования цвета каждого пикселя используется одинаковое количество бит, коды пикселей записываются в файл один за другим без промежутков. Объём файла с изображением не может превышать 40 Кбайт без учета размера заголовка.

Какое максимальное количество цветов можно использовать в палитре?

8.

Все шестибуквенные слова, в составе которых могут быть только русские буквы Б, Ю, Д, Ж, Е, Т, Н, И, К, записаны в алфавитном порядке и пронумерованы, начиная с 1.

Ниже приведено начало списка.

1. ББББББ
2. БББББД
3. БББББЕ
4. БББББЖ
5. БББББИ
6. ББББК
7. БББББН
8. БББББТ
9. БББББЮ

...

Какова сумма номеров слов, расположенных до слова БЮДЖЕТ (не включая это слово), в которых никакие две гласные буквы не стоят рядом и никакие две согласные буквы не стоят рядом?

9.

Откройте файл электронной таблицы, содержащей в каждой строке пять натуральных чисел. Определите количество строк таблицы, для чисел которых выполнены оба условия:

- в строке все числа различны;
- сумма двух наибольших чисел строки не больше суммы трёх её оставшихся чисел.

В ответе запишите только число.

[9.xlsx](#)

[9.xls](#)

[9.ods](#)

[9.csv](#)

10.

В терминологии сетей TCP/IP маской сети называют двоичное число, которое показывает, какая часть IP-адреса узла сети относится к адресу сети, а какая — к адресу узла в этой сети. Адрес сети получается в результате применения поразрядной конъюнкции к заданному адресу узла и маске сети.

Адрес сети равен 183.192.A.0, где A — некоторое допустимое для записи адреса сети число, а маска сети 255.255.252.0.

Определите минимальное значение A, для которого для всех IP-адресов этой сети в двоичной записи IP-адреса суммарное количество единиц в правых двух байтах больше трёх.

11.

Метеостанция принимает сигналы от метеозондов, собирающих данные по одному из показателей. Известно, что значение измеряемого показателя находится в диапазоне чисел от 10 до 3000 с шагом 0.1. Для сокращения количества передаваемых сигналов показания записываются в пакеты по 10 штук. Каждое показание кодируют одинаковым и минимально возможным количеством бит. При этом каждый пакет показаний сохраняется с помощью целого и минимально возможного количества байт, после чего передается на метеостанцию.

Сколько Кбайт будет принято метеостанцией, если от метеозондов будет получено 8192 пакета?

В ответе запишите только целое число — количество Кбайт.

12.

Теория: [ссылка](#)

Выполните задание.

На ленте в соседних ячейках записана последовательность из 500 символов, включающая только нули, единицы и двойки. Ячейки слева и справа от последовательности заполнены пустыми символами « λ ». В начальный момент времени головка расположена в ближайшей ячейке слева от последовательности.

Программа работы исполнителя:

	λ	0	1	2
q_0	λ, R, q_1			
q_1	λ, S, q_1	$2, N, q_2$	$0, N, q_2$	$2, R, q_1$
q_2	λ, S, q_2	$0, R, q_1$	$2, R, q_1$	$1, R, q_1$

После выполнения программы оказалось, что в строке количество чётных цифр меньше количества нечётных цифр на 200, а их сумма равна 400. Сколько единиц было в исходной строке?

13.

Исполнитель преобразует число на экране. У исполнителя есть три команды, которым присвоены номера: 1. Прибавь 3 2. Умножь на 2 3. Умножь на 5

Первая из них увеличивает число на экране на 3, вторая увеличивает число на экране в два раза, третья увеличивает число на экране в пять раз.

Программа для исполнителя — это последовательность команд.

Сколько существует программ, для которых при исходном числе 5 результатом является число 115 и которые не содержат число 25?

Траектория вычислений программы — это последовательность результатов выполнения всех команд программы. Например, для программы 123 при исходном числе 3 траектория будет состоять из чисел 6, 12, 60.

14.

Значение арифметического выражения

$$2 \cdot 2187^{2020} + 729^{2021} - 2 \cdot 243^{2022} + 81^{2023} - 2 \cdot 27^{2024} - 6561$$

записали в системе счисления с основанием 27. Определите в 27-ричной записи числа количество цифр с числовым значением, превышающим 9.

15.

На числовой прямой дан отрезок $P = [10; 20]$; Q — множество всех натуральных делителей числа 187, отличных от единицы и от самого числа 187; A — множество всех натуральных делителей некоторого натурального числа y , отличных от единицы и от самого числа y (число y таково, что множество A непустое). Укажите наибольшее возможное значение числа y , для которого выражение

$$(x \in A) \rightarrow ((x \in P) \wedge \neg(x \in Q))$$

истинно (т. е. принимает значение 1) при любом значении переменной x .

16.

Алгоритм вычисления значения функции $F(n)$ задан следующими соотношениями:

$F(n) = 1$ при $n \leq 1$;

$F(n) = F(n - 1) + F(n - 3)$, если $n > 1$ и n кратно 3;

$F(n) = F(n - 2) + 3 \cdot n$ в остальных случаях.

Чему равно значение функции $F(65)$?

17.

В файле содержится последовательность натуральных чисел. Элементы последовательности могут принимать целые значения от 1 до 100 000 включительно. Определите количество пар последовательности, в которых произведение остатков от деления обоих элементов на 2023 не меньше максимального элемента последовательности, оканчивающегося на 10.

В ответе запишите количество найденных пар, затем минимальную из сумм элементов таких пар. В данной задаче под парой подразумевается два идущих подряд элемента последовательности.

[17.txt](#)

18.

Квадрат разлинован на $N \times N$ клеток ($1 < N < 30$). Исполнитель Робот может перемещаться по клеткам, выполняя за одно перемещение одну из двух команд: **вправо** или **вниз**. По команде **вправо** Робот перемещается в соседнюю правую клетку, по команде **вниз** — в соседнюю нижнюю. Квадрат ограничен внешними стенами. Между соседними клетками квадрата также могут быть внутренние стены. Сквозь стену Робот пройти не может.

Перед каждым запуском Робота в каждой клетке квадрата (в том числе и в стартовой) лежит монета достоинством от 1 до 100. Посетив клетку, Робот забирает монету с собой.

Определите максимальную и минимальную денежные суммы, которые может собрать Робот, пройдя из клетки B6 (строка 6, столбец 2) в клетку Y15 (строка 15, столбец 25). В ответе укажите два числа — сначала максимальную сумму, затем минимальную.

Исходные данные представлены в виде электронной таблицы размером $N \times N$, каждая ячейка которой соответствует клетке квадрата. Внутренние и внешние стены обозначены утолщёнными линиями.

Пример входных данных

1	8	8	4
10	1	1	3
1	3	12	2
2	3	5	6

[18.xlsx](#)

19.

Два игрока, Кузнец и Садовник, решили поиграть. Перед ними лежит куча камней количеством $1 < S < 65000$. Каждый игрок может добавить в кучу 1, 2, 4, 8, 16 или 32 камня, а также увеличить количество камней в 3, 9, или 27 раз. Первый ход совершает Кузнец. Победителем считается игрок, после хода которого в куче оказалось 65535 или более камней.

Определите минимальное начальное количество камней (S) в куче при условии, что Кузнец не мог выиграть своим первым ходом, но при любом ходе Кузнеца Садовник может выиграть своим первым ходом.

Два игрока, Кузнец и Садовник, решили поиграть. Перед ними лежит куча камней количеством $1 < S < 65000$. Каждый игрок может добавить в кучу 1, 2, 4, 8, 16 или 32 камня, а также увеличить количество камней в 3, 9, или 27 раз. Первый ход совершает Кузнец. Победителем считается игрок, после хода которого в куче оказалось 65535 или более камней.

Укажите минимальное и максимальное начальное количество камней в куче, если одновременно выполняются два условия:

- Кузнец не может выиграть за один ход
- Кузнец может выиграть своим вторым ходом независимо от того, как играет Садовник

В ответ запишите сначала минимальное, затем максимальное значение.

Два игрока, Кузнец и Садовник, решили поиграть. Перед ними лежит куча камней количеством $1 < S < 65000$. Каждый игрок может добавить в кучу 1, 2, 4, 8, 16 или 32 камня, а также увеличить количество камней в 3, 9, или 27 раз. Первый ход совершает Кузнец. Победителем считается игрок, после хода которого в куче оказалось 65535 или более камней. Укажите начальное количество камней в куче, если одновременно выполняются два условия:

- у Садовника есть выигрышная стратегия, позволяющая ему выиграть первым или вторым ходом при любой игре Кузнеца
- у Садовника нет стратегии, позволяющей ему гарантированно выиграть первым ходом

20.

В файле содержится информация о совокупности N вычислительных процессов, которые могут выполняться параллельно или последовательно.

Будем говорить, что процесс В зависит от процесса А, если для выполнения процесса В необходимы результаты выполнения процесса А. В этом случае процессы А и В могут выполняться только последовательно.

Информация о процессах представлена в файле в виде таблицы. В первом столбце таблицы указан идентификатор процесса (ID), во втором столбце таблицы — время его выполнения в миллисекундах, в третьем столбце перечислены с разделителем «;» ID процессов, от которых зависит данный процесс. Если процесс независимый, то в таблице указано значение 0. *Типовой пример организации данных в файле*

ID процесса В	Время выполнения процесса В (мс)	ID процесса(-ов) А
1	4	0
2	3	0
3	1	1; 2
4	7	3

Определите максимальную продолжительность отрезка времени (в мс), в течение которого возможно одновременное выполнение четырёх процессов, при условии, что все независимые друг от друга процессы могут выполняться параллельно.

Типовой пример имеет иллюстративный характер. Для выполнения задания используйте данные из прилагаемого файла.

[22.xlsx](#)

21.

Задание выполняется с использованием прилагаемого файла.

В текстовом файле содержится описание ациклического ориентированного взвешенного графа. В каждой строке файла записаны два натуральных числа (L , M) и одно положительное вещественное число (W). L и M — номера вершин графа, W — вес ребра, ведущего из вершины L в вершину M . Таким образом, количество строк в файле равно количеству рёбер в графе. Две вершины графа не могут быть соединены более чем одним ребром.

Найдите и запишите в ответе целую часть длины кратчайшего пути из вершины с номером 1 в вершину с номером 100. Существование хотя бы одного такого пути гарантируется. Под длиной кратчайшего пути понимается минимальная сумма весов рёбер, составляющих путь.

Для выполнения этого задания следует написать программу.

Вершины графа могут быть пронумерованы не подряд. $L \leq 1000$, $M \leq 1000$; $W \leq 10\,000$. Количество строк в файле не превосходит 200. Числа в строках разделены произвольным ненулевым количеством пробелов и/или табуляций.

Типовой пример организации данных во входном файле для графа на рисунке



100 12 1.0 6 7 7.0 6 1 1.0 1 7 5.5 7 100 2.0 4 100 8.0 1 100 12.0 1 4 2.5

Для приведённого примера верным ответом будет 7.

Типовой пример имеет иллюстративный характер. Для выполнения задания используйте данные из прилагаемого файла.

https://plcn.s3.yandex.net/resources/demo_23_1788520663.txt

22.

Текстовый файл состоит из десятичных цифр и заглавных букв латинского алфавита. Определите в прилагаемом файле последовательность из максимального количества идущих подряд символов, которая начинается с буквы A, заканчивается буквой Z (единственной в последовательности), содержит ровно 50 гласных букв латинского алфавита (A, E, I, O, U) и при этом сумма всех цифр в этой последовательности кратна 7.

В ответе запишите число — количество символов в найденной последовательности. Для выполнения этого задания следует написать программу.

[24.txt](#)

23.

Напишите программу, которая ищет среди целых чисел, принадлежащих числовому отрезку [800000, 802000], числа, у которых не менее двух простых делителей и произведение простых делителей нацело делится на сумму простых делителей. Для каждого найденного числа запишите само число и частное от деления произведения его простых делителей на сумму простых делителей.

24.

В городской библиотеке каждому читателю при записи присваивается уникальный номер — натуральное число, не превышающее 1 000 000. Все книги в библиотеке также пронумерованы натуральными числами начиная с 1. Библиотекарь фиксирует каждый факт выдачи книги читателю. В течение года один и тот же читатель может брать одну и ту же книгу несколько раз или не брать её вовсе.

В конце года заведующий библиотекой анализирует данные о выдачах, чтобы выявить книгу, которую брало наибольшее число читателей с идущими подряд номерами. Определите максимальное число читателей с идущими подряд номерами и номер найденной книги. Если таких групп несколько, укажите наибольший номер книги, посещённой такой группой.

Входные данные

В первой строке файла находится число N (натуральное, не превышающее 1 000 000) — количество записей о выдачах книг за год. Каждая из следующих N строк содержит два натуральных числа, не превышающих 1 000 000: номер читателя и номер книги.

Выходные данные

Два целых числа: максимальное число читателей с идущими подряд номерами, бравших одну и ту же книгу, и номер этой книги.

Типовой пример:

9 41 3 43 125 50 33 42 125 42 126 42 127 41 125 50 126 42 126

Книгу № 125 брали читатели с номерами 41, 42, 43 — три читателя с идущими подряд номерами. Ответом является пара чисел: 3; 125

Типовой пример имеет иллюстративный характер. Для выполнения задания используйте данные из прилагаемых файла.

[26.txt](#)

25.

Задание выполняется с использованием прилагаемого файла.

Рассматриваются частицы на плоскости, обладающие следующими характеристиками: декартовы координаты, вектор скорости, масса, а также признак, характеризующий внутреннее строение частицы, обозначаемый числами от I до VII (в римской системе счисления).

Учёный решил провести кластеризацию частиц по значениям их кинетической энергии, то есть разбить их множество на K непересекающихся непустых подмножеств (кластеров), таких, что модуль разности кинетических энергий любых двух частиц каждого подмножества не превосходит значения R . Гарантируется, что такое разбиение существует и единственно для заданного R .

Будем называть центром кластера такую его частицу, для которой сумма модулей разности кинетических энергий со всеми остальными частицами этого кластера минимальна. Если таких частиц несколько, центром кластера считается та из них, у которой кинетическая энергия наибольшая.

В каждой строке текстового файла хранится информация об одной частице: координаты x и y , проекции вектора скорости V_x и V_y , масса m и признак.

Значения даны в одинаковых для всех частиц единицах измерения, обозначения единиц измерения в файле не приводятся.

Значения в строке разделяются одним или несколькими пробелами и/или символами табуляции. Количество строк в файле не превышает 10 000. Абсолютная величина каждого числового значения не превышает 100,0.

Известно, что все описанные в файле частицы подразделяются ровно на 4 кластера ($K = 4$) с $R = 2,0$ для каждого.

Для каждого кластера определите его центр, затем найдите два числа: Q_1 — наибольшее евклидово расстояние между частицами одного кластера, имеющими признак II, и Q_2 — максимальное значение кинетической энергии для центра кластера.

В ответе запишите два числа: сначала целую часть произведения $Q_1 \times 10\,000$, затем целую часть произведения $Q_2 \times 10\,000$.

Для справки

Кинетическая энергия E частицы массы m , обладающей скоростью $\vec{V} = (V_x; V_y)$, вычисляется по формуле:

$$E = \frac{1}{2}m(V_x^2 + V_y^2).$$

Евклидово расстояние между двумя точками на плоскости $A(x_1, y_1)$ и $B(x_2, y_2)$ вычисляется по формуле:

$$d(A, B) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}.$$

Типовой пример организации данных во входном файле Три строки файла для трёх частиц:

0,67 -2,14 3,0 -4,0 0,2 V 3,14 7,22 3,2 4,3 0,7 II 1,33 5,56 0,00 5,22 0,456 IV

Для частицы из первой строки примера кинетическая энергия равна 2,5.

Типовой пример имеет иллюстративный характер. Для выполнения задания используйте данные из прилагаемого файла.

https://plcn.s3.yandex.net/resources/demo_27_1788521006.txt

Ответы

Номер	Задание	Ответ
1	Тип 1	12
2	Тип 2	adbc
3	Тип 3	6727500
4	Тип 4	23
5	Тип 5	334
6	Тип 6	2100
7	Тип 7	4
8	Тип 8	18575058
9	Тип 9	1922
10	Тип 10	60
11	Тип 11	152
12	Тип 12	125
13	Тип 13	98
14	Тип 14	3367
15	Тип 15	361
16	Тип 16	33554423
17	Тип 17	8897, 1639
18	Тип 18	2009, 1064
19	Типы 19-21	2427 809, 2426 2424
20	Тип 22	85
21	Тип 23	10971
22	Тип 24	707
23	Тип 25	800745, 3165, 801360, 159, 801642, 3611, 801940, 794
24	Тип 26	7, 219127
25	Тип 27	539936 , 100704